

## Миноры и алгебраические дополнения. Теорема разложения

Минором  $M_{ij}$  элемента  $a_{ij}$  определителя  $n$ -го порядка называется определитель  $(n - 1)$ -го порядка, который получается после вычеркивания  $i$ -й строки и  $j$ -го столбца, на пересечении которых стоит этот элемент.

$$\text{Пусть, дан определитель } \Delta = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix}.$$

Минор элемента  $a_{11}$  получается после вычеркивания 1-й строки и 1-го столбца определителя, т.е.  $M_{11} = \begin{vmatrix} a_{22} & a_{23} \\ a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = a_{22}a_{33} - a_{32}a_{23}$ .

Минор элемента  $a_{23}$  получается после вычеркивания 2-й строки и 3-го столбца определителя, т.е.  $M_{23} = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{31} & a_{32} \end{vmatrix} = a_{11}a_{32} - a_{31}a_{12}$ .

Алгебраическим дополнением  $A_{ij}$  элемента  $a_{ij}$  определителя называется минор  $M_{ij}$ , взятый со знаком  $(-1)^{i+j}$ .

$$A_{ij} = (-1)^{i+j} M_{ij}.$$

Например, в условиях предыдущего примера:

$$A_{11} = (-1)^{1+1} M_{11} = M_{11} = a_{22}a_{33} - a_{32}a_{23},$$
$$A_{23} = (-1)^{2+3} M_{23} = -M_{23} = -(a_{11}a_{32} - a_{31}a_{12}) = a_{31}a_{12} - a_{11}a_{32}.$$