

Рассмотрите пример:

57. Найти производную функции $y = \sin 2x \cdot \ln(1 - 3x)$.

Решение

Производные функций вычисляются по правилам дифференцирования и по таблице производных [1].

По формуле $(uv)' = u'v + uv'$ получим

$$\begin{aligned} y' &= (\sin 2x)' \ln(1 - 3x) + \sin 2x (\ln(1 - 3x))' = \\ &= \cos 2x (2x)' \ln(1 - 3x) + \sin 2x \frac{1}{1 - 3x} (1 - 3x)' = \\ &= 2 \cos 2x \cdot \ln(1 - 3x) + \sin 2x \frac{1}{1 - 3x} (-3). \end{aligned}$$

Использовали правило дифференцирования сложной функции и таблицу производных.

Используя правила дифференцирования и таблицу производных, найти производные сложных функций:

$$y = \sin 5x - 5^x - 4x^2;$$

$$y = (x^3 + \operatorname{tg}^2 x) \cdot e^{3x-2};$$

$$y = 2x^5 + \sin 7x - \frac{2}{x};$$

$$y = \frac{x^2 - 3x}{\cos 5x};$$

$$y = x^5 \cdot \arcsin \sqrt{x};$$

$$y = \frac{\operatorname{tg}(2x+5)}{\operatorname{arctg} x};$$

$$y = (x^5 + 2x) \cdot \ln(3x+1);$$

$$y = \sqrt{x^3 + 2} \cdot \ln(3x-1);$$

$$y = \frac{\ln x}{\operatorname{ctg} 2x};$$

$$y = \frac{e^{6x}}{1 + 5e^{2x}};$$

$$y = \frac{2x+1}{e^{5x}};$$